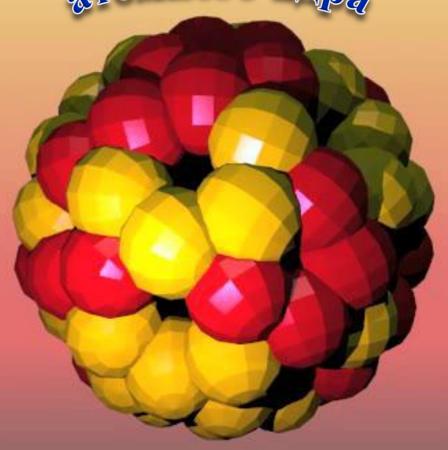
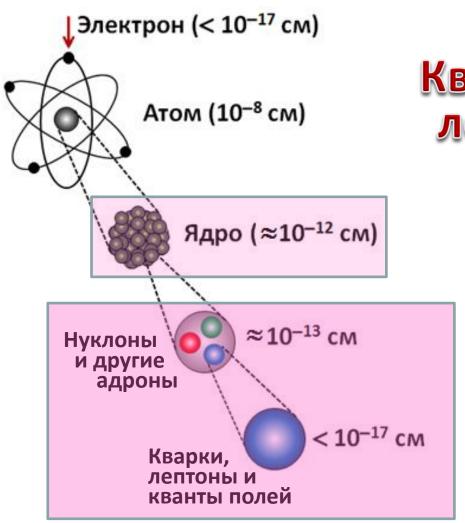
физика отомного ядра

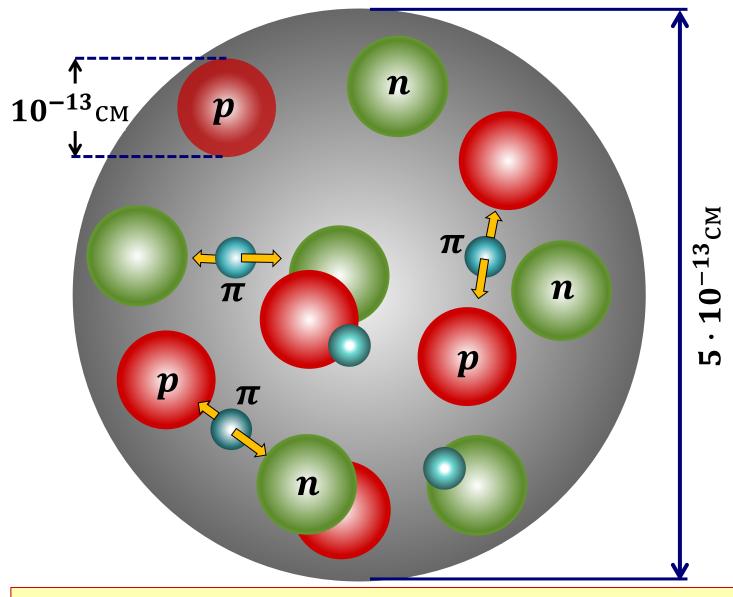




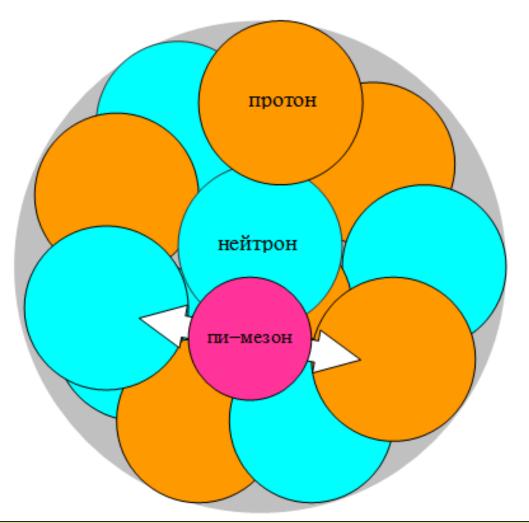
Квантовая лестница

Темы лекции

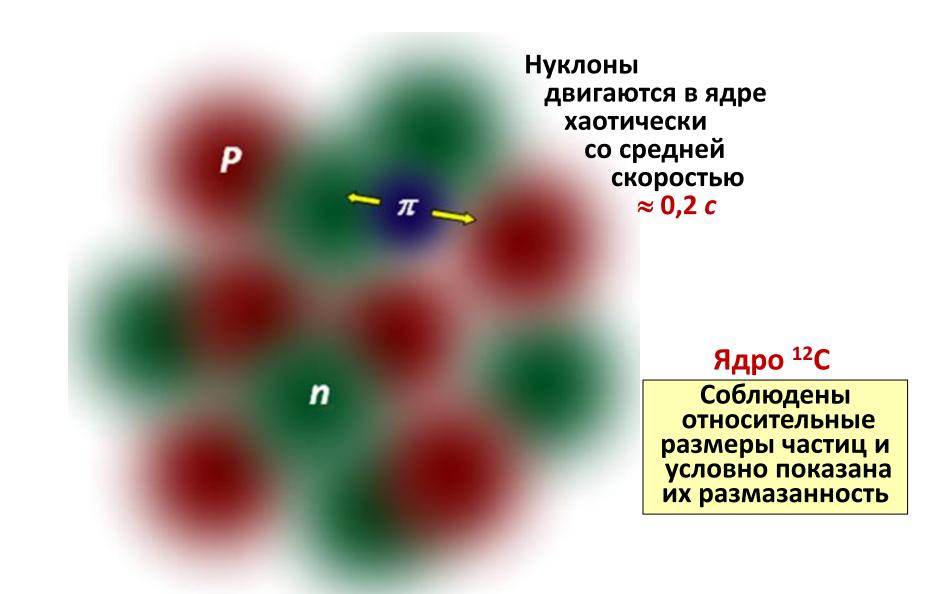
- 1. Строение ядра. Кварки в ядре.
- 2. Нуклон-нуклонное взаимодействие. Распределение заряда и вещества в ядре.
- 3. Атомное ядро как нерелятивистская квантовая система.
- 4. Масса и энергия связи ядра.
- 5. Диаграмма ядерных уровней.
- 6. Ядерный парк. NZ-диаграмма ядер.
- 7. Синтезированные сверхтяжёлые ядра.
- 8. Энергия отделения нуклона. Удельная энергия связи ядра.
- 9. Источники ядерной энергии.
- 10. Основные свойства ядерного взаимодействия.
- 11. Ядро как капля заряженной жидкости. Формула Вайцзеккера.

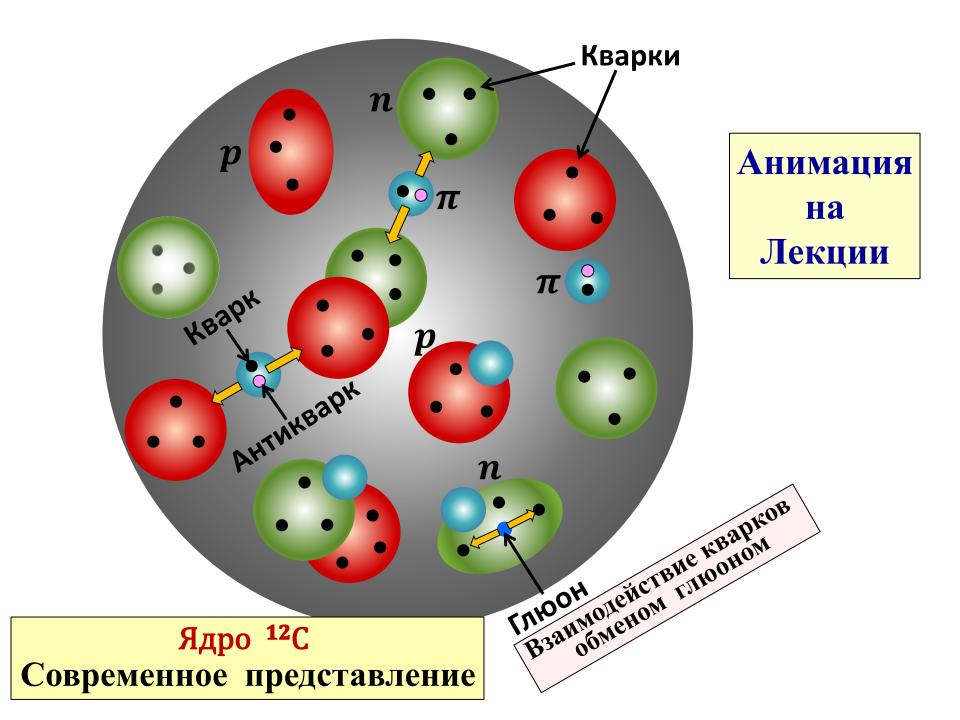


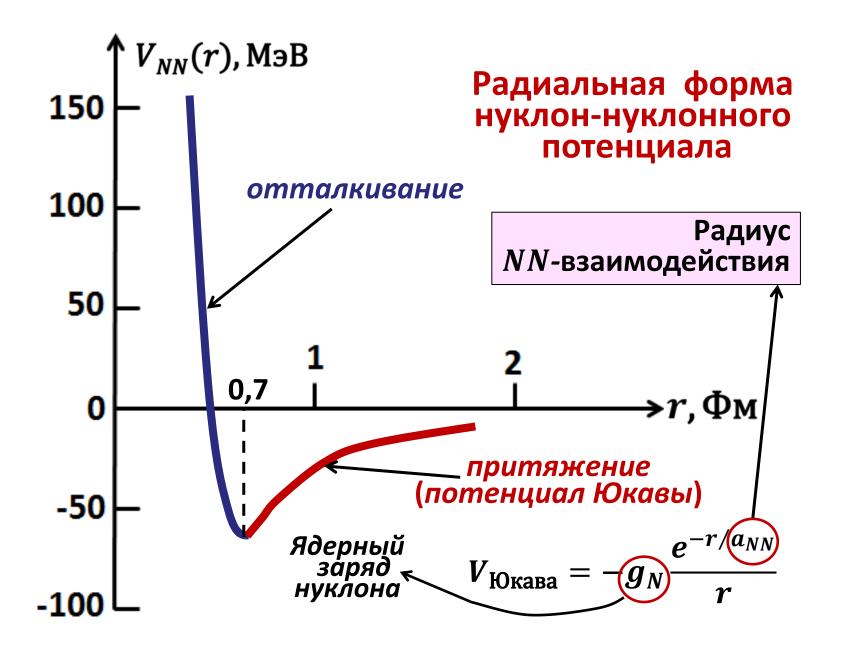
Ядро ¹²С. Как его представляли в 1950-1960 гг.



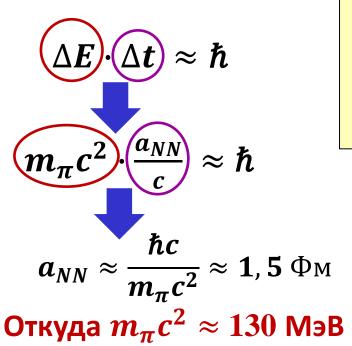
Ядро ¹²С Соблюдены относительные размеры частиц







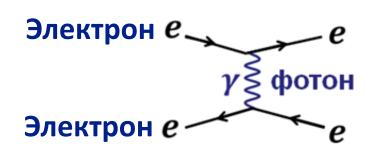
Квант ядерного поля. Теория Юкавы

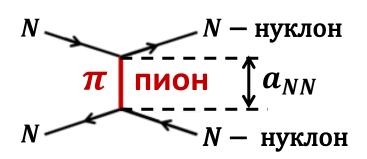


1935 г.
Гипотеза Юкавы
о кванте
ядерного поля
Nobel Prize 1949 г.

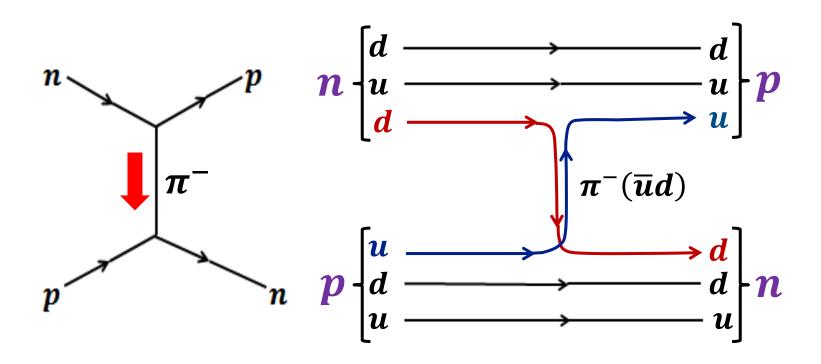


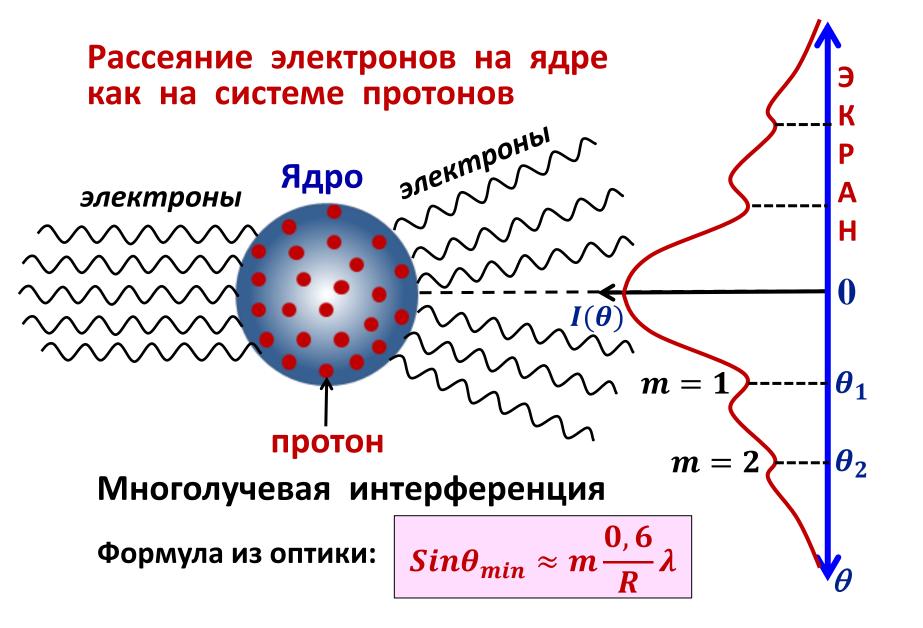
Основная идея:
нуклон-нуклонное (NN)
взаимодействие
осуществляется, подобно
электромагнитному, обменом
соответствующей частицей
— квантом поля

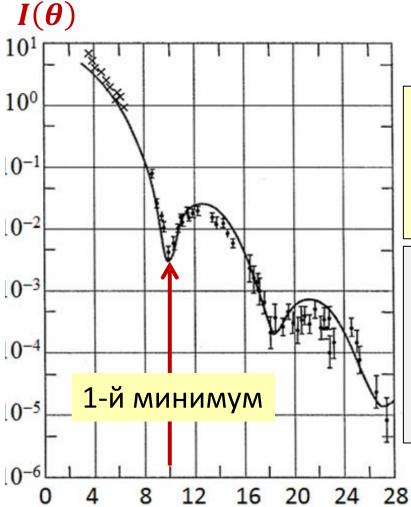




Ядерное (межнуклонное) взаимодействие как остаток сильного





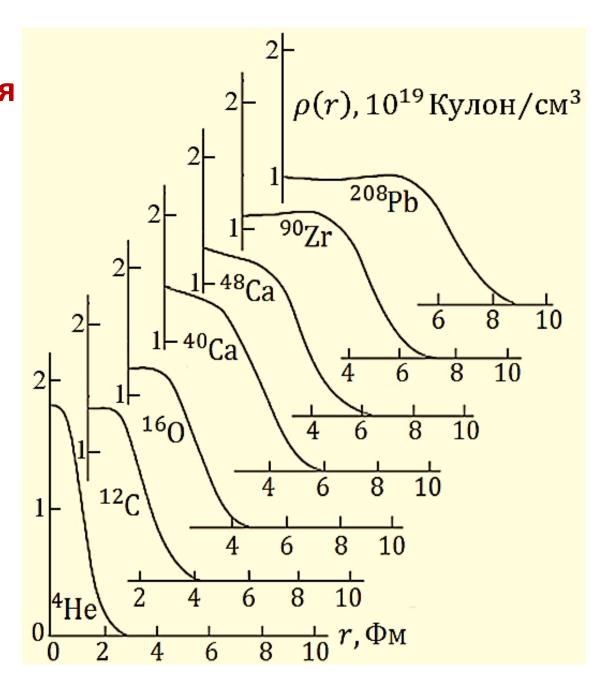


Рассеяние протонов с энергией 1 ГэВ на ядре кислорода. Длина волны протона 0,73 Фм.

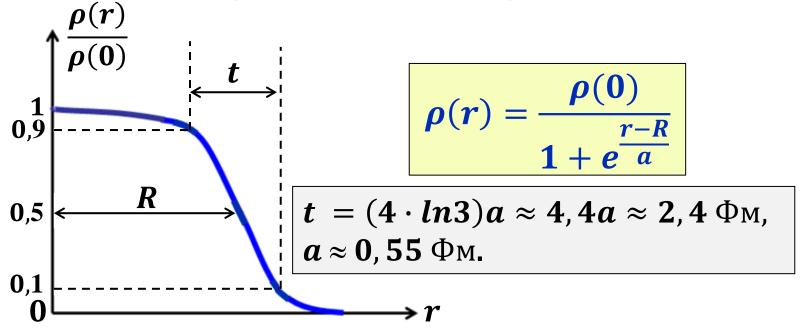
1-й минимум при $\theta = 10^{\circ}$, откуда радиус ядра кислорода

$$R = \frac{0, 6 \cdot 0, 73 \, \Phi_{\text{M}}}{Sin10^{\circ}} = 2, 5 \, \Phi_{\text{M}}$$

Экспериментальная плотность ho(r) распределения заряда в ядре



Распределение Ферми:



Эмпирические соотношения:

 $R \approx 1, 1 \cdot A^{1/3} \Phi$ м, Распределение Ферми

 $R = 1, 2 \cdot A^{1/3} \, \Phi_{\rm M} \,$ Ядро как однородная сфера

Обозначение ядра: ${}^{A}_{Z}S \rightarrow {}^{27}_{13}Al$

Z — число протонов N — число нейтронов A = Z + N — массовое число или число нуклонов

В качестве международной единицы массы используется атомная единица массы: (1u = 1a.e.m.), равная 1/12 массы атома 12 С

$$1u = 1a.e.m. \approx 931,494 \frac{\text{МэВ}}{c^2} \approx 1,66 \cdot 10^{-27} \text{кг}$$

Атомное ядро как нерелятивистская квантовая система

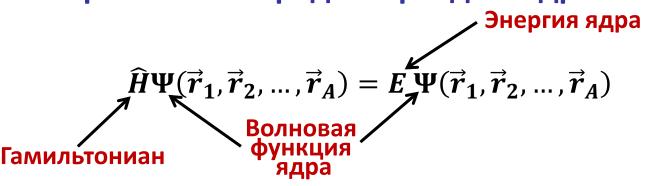
Атомное ядро — система с фиксированной полной энергией. Состояния таких систем называются стационарными. Для них имеет место стационарное уравнение Шредингера:

$$\widehat{H}\psi(\overrightarrow{r}_1,\overrightarrow{r}_2,\ldots,\overrightarrow{r}_A)=E\psi(\overrightarrow{r}_1,\overrightarrow{r}_2,\ldots,\overrightarrow{r}_A)$$

 \widehat{H} — гамильтониан (оператор полной энергии системы частиц), E — полная энергия системы, $\psi(\overrightarrow{r}_1,\overrightarrow{r}_2,...,\overrightarrow{r}_A)$ — волновая функция системы. Волновая функция системы и её энергия полностью определяются видом гамильтониана.

Гамильтониан (оператор энергии) атомного ядра:

$$\widehat{H}_{\mathrm{ядро}} = \sum_{lpha=1}^{A} \widehat{T}_{lpha} + \sum_{i=1}^{Z} \sum_{i < k}^{Z} \frac{e^2}{|\overrightarrow{r}_i - \overrightarrow{r}_k|} + \sum_{lpha}^{A} \sum_{\alpha < eta}^{A} V(|\overrightarrow{r}_{lpha} - \overrightarrow{r}_{eta}|)$$
Оператор Кинетической энергии нуклонов протонов Потенциал ядерного эталкивания протонов взаимодействия нуклонов $\widehat{T}_{lpha} = (\widehat{p}_{lpha})^2/2m_N$



Масса и энергия связи ядра

Энергия связи ядра W(A,Z) это минимальная энергия, необходимая для деления ядра на составляющие его нуклоны (протоны и нейтроны):

 $W(A,Z)=(Z{\cdot}m_pc^2+N{\cdot}m_nc^2\,)-M(A,Z)c^2,$ где M(A,Z) – масса ядра.

Диаграмма ядерных уровней:

Энергия Область непрерывного | спектра СВЯЗИ W W_{i} au_i W_2 au_2 W_1 au_1 Основное состояние ground state

Энергия основного состояния ядра:

$$E_0 \rightarrow Mc^2 = (Zm_p + Nm_n)c^2 - W_0$$

где W_0 — энергия связи ядра в основном состоянии (ground state). Энергии E_i остальных состояний определяются как $E_i = W_0 - W_i$. При этом принято энергию основного состояния полагать нулевой: $E_0 = 0$.

 E_i (i-е возбуждённое)

Среднее время жизни

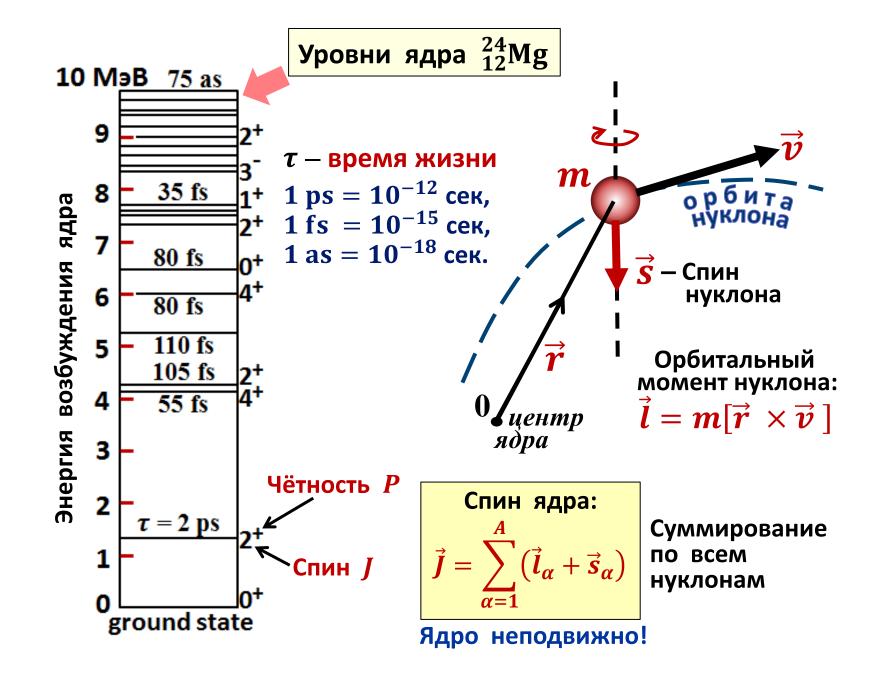
 E_2 (2-е возбуждённое)

 E_1 (1-е возбуждённое)

 E_0 (основное)

Обычно $\tau_0 = \infty$



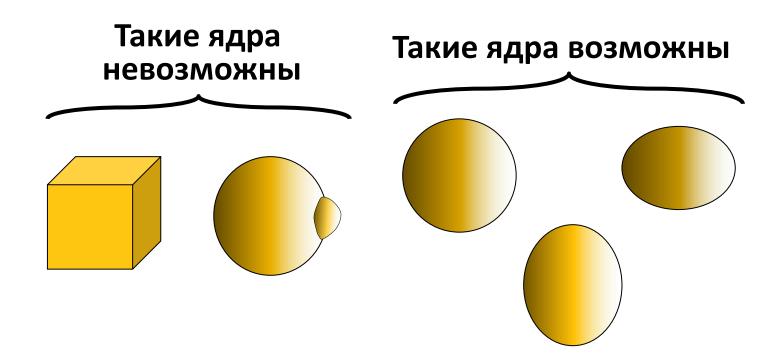


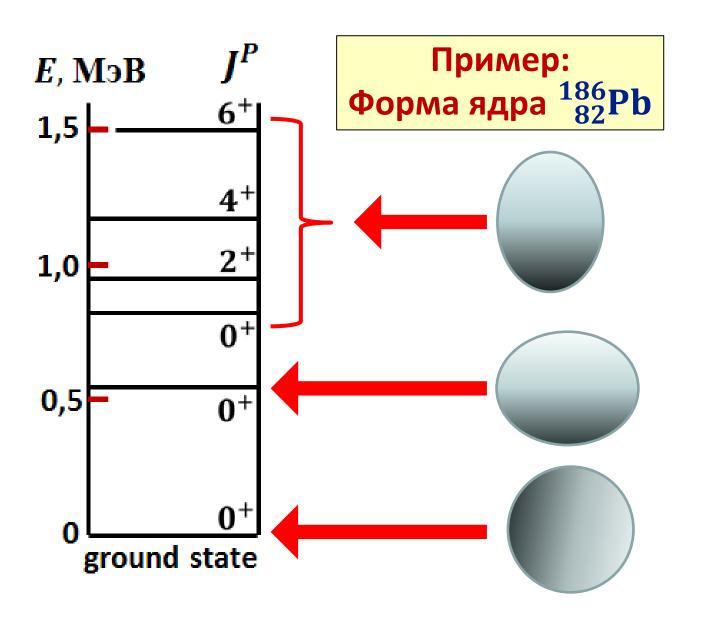
Спин атомного ядра

Спин ядра $\vec{J}_{\rm ядра}$ это полный момент количества движения покоящегося ядра. Он является результатом векторного сложения спинов \vec{s}_{α} нуклонов ядра и их орбитальных (угловых) моментов \vec{l}_{α} внутри ядра:

$$ec{m{J}}_{ ext{ядра}} = \sum_{lpha=1}^{A} (ec{m{l}}_{lpha} + ec{m{s}}_{lpha})$$

То, что атомные ядра характеризуются определённой чётностью, означает, что они имеют центр симметрии. Это позволяет понять форму, которую может иметь атомное ядро. При этом нужно учесть также несжимаемость и поверхностное натяжение, присущие ядру как капле ядерной жидкости. Поверхностное натяжение минимизирует площадь ядерной поверхности при сохранении объёма, оставляя возможными либо сферические ядра, либо не очень сильно от них отличающиеся аксиально симметричные, слегка вытянутые или сплюснутые (эллипсоидальные).





В соответствии с зарядовой независимостью ядерных сил нейтрон и протон можно рассматривать как два зарядовых состояния нуклона. Этой (зарядовой) симметрии отвечает квантовое число изоспин, которым наделена любая сильно взаимодействующая частица (кварк или адрон). Так протон и нейтрон, из которых состоит ядро, наделены изоспином I = 1/2, причём протону (по договоренности) отвечает проекция изоспина $I_3 = +1/2$, а нейтрону — проекция $I_3 = -1/2$. Так как ядро состоит из протонов и нейтронов, то изоспином наделено и ядро в целом в любом энергетическом состоянии.

Ядерный парк

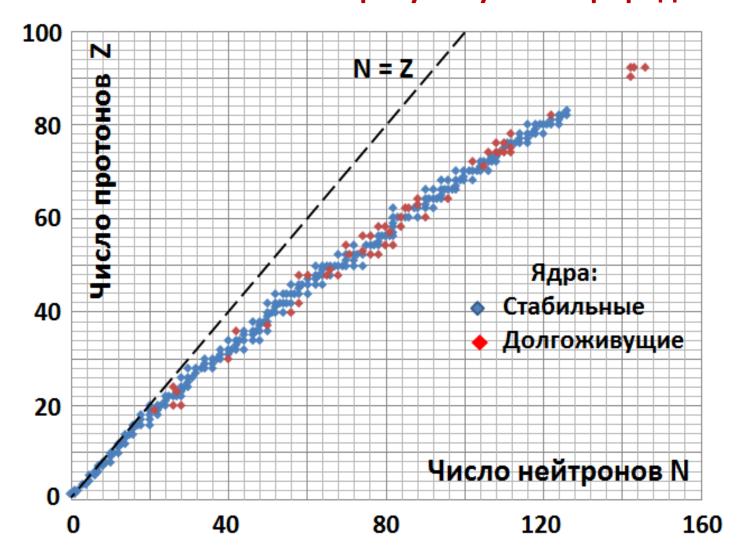
Нуклид это ядро с определенным числом протонов (Z) и нейтронов (N)

В природе существует и искусственно получено большое число нуклидов — ядер с различными Z и A = Z + N. Диапазон изменений Z и A для известных ядер соответственно 1-118 и 1-295. Число известных нуклидов приближается к 3500, т.е. ядерный мир значительно богаче мира химических элементов (атомов).

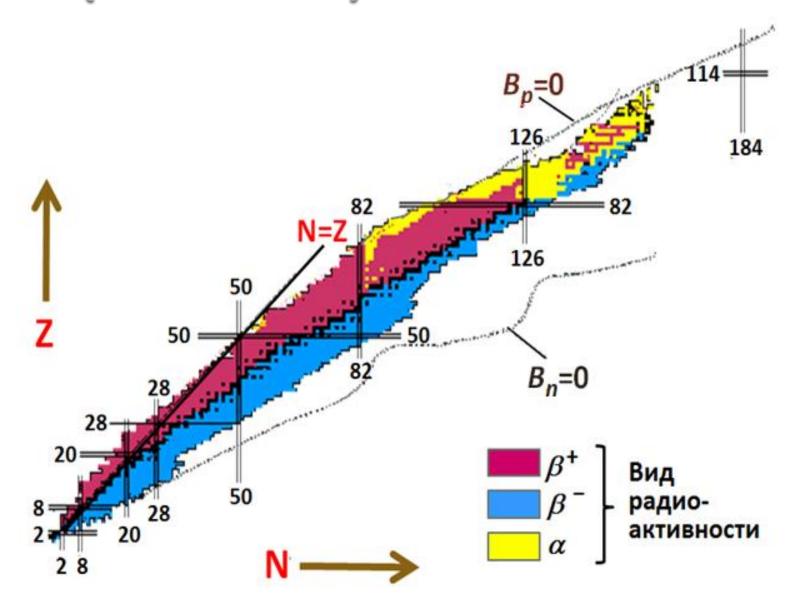
Все известные ядра можно разделить на 2 группы: 1. *Стабильные* (их 262).

2. Радиоактивные (их около 3200).

Нейтрон-Протонная (NZ) диаграмма стабильных и долгоживущих (с периодом полураспада $t_{1/2} > 5 \cdot 10^8$ лет) ядер. Их 287 и все они присутствуют в природе.



NZ-диаграмма всех известных ядер (их около 3500)



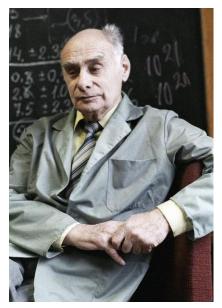
Синтезированные сверхтяжёлые элементы

Открыты элементы с **Z** вплоть до 118. Все химические элементы тяжелее урана (Z = 92) открыты физиками-ядерщиками. Благодаря их исследованиям границы периодической системы элементов расширены почти на 30%. Названия элементов c Z = 101, 105, 114, 115, 118связаны с нашей страной

Открытие 114-го элемента в г. Дубне (ОИЯИ, Россия), декабрь 1998 г.

Z	Название
100	Fermium (Fm)
101	Mendelevium (Md)
102	Nobelium (No)
103	Lawrencium (Lr)
104	Rutherfordium (Rf)
105	Dubnium (Db)
106	Seaborgium (Sg)
107	Bohrium (Bh)
108	Hassium (Hs)
109	Meitnerium (Mt)
110	Darmstadtium (Ds)
111	Roentgenium (Rg)
112	Copernicium (Cn)
113	Nihonium (Nh)
114	Flerovium (FI)
115	Moscovium (Mc)
116	Livermorium (Lv)
117	Tennessine (Ts)
118	Oganesson (Og)

$$^{48}_{20}$$
Ca + $^{244}_{94}$ Pu $\rightarrow ^{292}_{114} \xrightarrow{289}_{114} \xrightarrow{\alpha,30 \text{ cek}} ^{285}_{112}$ Cn $\xrightarrow{\alpha} ^{281}_{110}$ Ds $\xrightarrow{\alpha} ^{280}_{108}$ Hs $\xrightarrow{\alpha} ^{276}_{106}$ Sg



Георгий Николаевич Флёров (1913 – 1990)

Z = 114 **Flerovium**, **Флеровий**



Z = 118 Oganesson, Оганессон

Объединённый Институт Ядерных Исследований, Дубна (СССР-Россия)

Юрий Цалакович Оганесян (род. 1933)



Энергия отделения нуклона

Энергия ответия нуклона B_N (B_n или B_p) — это минимальная энергия, необходимая для вырывания нуклона из ядра. Это энергия наиболее слабо связанного нуклона сидящего наиболее высоко в ядерной потенциальной яме. Найдём энергию отделения нейтрона B_n . Отделению нейтрона отвечает процесс

$$(A, Z) \rightarrow (A - 1, Z) + n$$
.

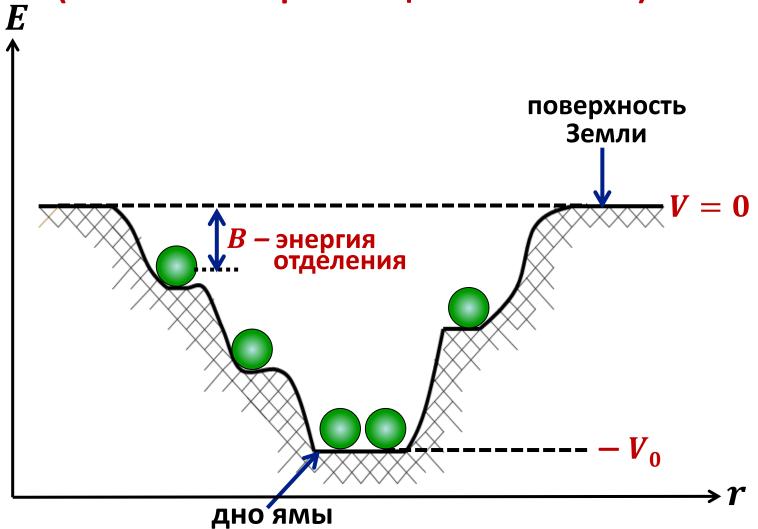
Энергия, необходимая для такого процесса, определяется разностью масс системы (в энергетических единицах) после и до процесса, т. е. энергия отделения нейтрона

$$egin{aligned} m{B}_n &= M(A-1,Z)c^2 + m_nc^2 - M(A,Z)c^2 = \ & ext{(переходя от масс к энергиям связи W)} \ &= W(A,Z) - W(A-1,Z) - W(1,0) = \ &= W(A,Z) - W(A-1,Z). \end{aligned}$$

Аналогично, энергия отделения протона

$$B_p = W(A, Z) - W(A - 1, Z - 1).$$

Ядерная потенциальная яма (аналогия с гравитационной ямой)



Удельная энергия связи. Источники ядерной энергии

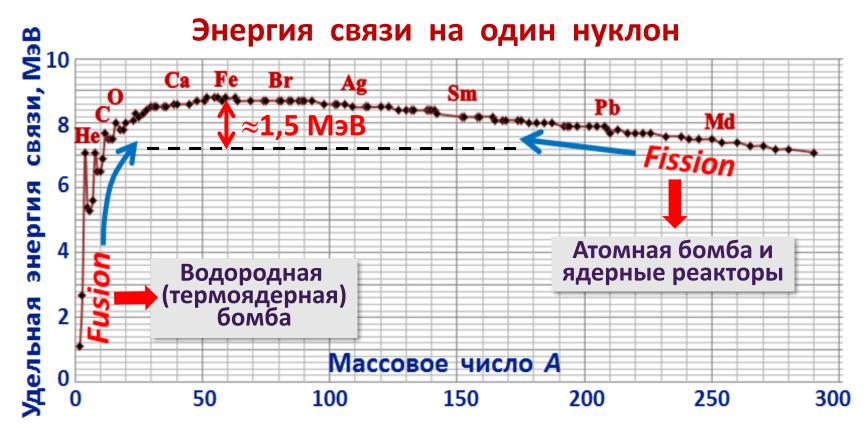
W(A,Z) тем больше, чем больше A. Удобно иметь дело с так называемой удельной энергией связи & (средней энергией связи на один нуклон): $\varepsilon = W(A, Z)/A$



Ядерную энергию можно получить двумя способами:
1. Синтезом (слиянием) лёгких ядер (Fusion).
2. Делением тяжёлых ядер (Fission).

В обоих процессах (показанных стрелками на рисунке) совершается переход к ядрам, в которых нуклоны связаны сильнее, и часть энергии высвобождается.

Ядерная энергия. Как её извлечь?

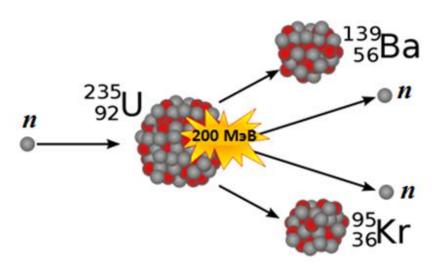


При делении 1-го тяжёлого ядра выделяется энергия ≈ 200·1 МэВ = 200 МэВ

1 г ядерного топлива ≈ 20 тонн тринитротолуола

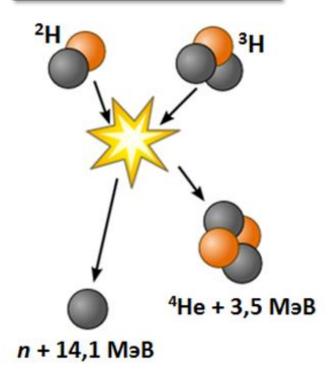
Примеры реакций деления и синтеза

Наиболее вероятное деление ядра урана-235 нейтроном:



Наиболее эффективная реакция синтеза:

$$^{2}_{1}\text{H} + ^{3}_{1}\text{H} \rightarrow ^{4}_{2}\text{He} + n$$



Некоторые очевидные свойства ядерного взаимодействия:

- 1. Притяжение.
- 2. Короткодействие (≈ 1 Фм).
- 3. Большая величина (интенсивность).
- 4. Насыщение.

Для ядер с A > 20 удельная энергия связи $\varepsilon \approx 8$ МэВ и слабо меняется с ростом A, т.е. насыщается. Поэтому энергия связи таких ядер $W \approx \varepsilon A$, т.е. пропорциональна A.

Такое поведение **W** означает, что каждый нуклон внутри ядра взаимодействует не со всеми остальными, а лишь с ближайшими нуклонами.

Если бы нуклон в ядре одинаково взаимодействовал со всеми другими, то энергия связи ядра была бы пропорциональна A^2 , а не A.

Действительно, в этом случае энергия связи была бы пропорциональна числу двухнуклонных связей, т.е. числу сочетаний из A по 2, которое, как известно, равно $A(A-1)/2\sim A^2$ (при A>>1).

Обсуждая свойство насыщения ядерных сил, начнем с утверждения, что, исключая самые легкие ядра, нуклоны внутри ядра распределены почти равномерно со средним межнуклонным расстоянием ≈ 2 Фм, практически не зависящим от массы ядра

Действительно, для радиуса ядра имеем

$$R_{\rm H} \approx 1, 2 \cdot A^{1/3} \Phi_{\rm M}$$
.

И объем ядра

$$V_{\text{H}} = \frac{4}{3}\pi(R_{\text{H}})^3 = \frac{4}{3}\pi(1, 2\cdot A^{1/3}\Phi_{\text{M}})^3 \approx (2\Phi_{\text{M}})^3\cdot A.$$

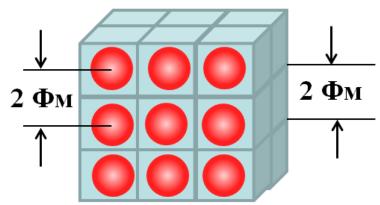
Таким образом, на каждый нуклон приходится одинаковый объём ядра

$$V_{
m hyклон} = rac{V_{
m g}}{A} pprox (2\Phi_{
m M})^3$$

и среднее расстояние

между нуклонами почти константа

$$r_{NN} pprox \left(V_{
m HУКЛОН}
ight)^{1/3} pprox 2 \, \Phi_{
m M}.$$

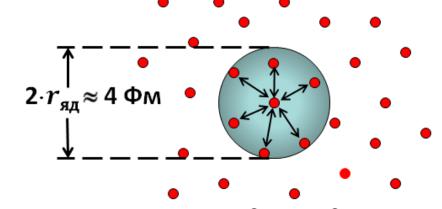


Природа насыщения ядерных сил в их короткодействии. Радиус действия ядерных сил $r_{\rm яд} \approx 2 \ \Phi {\rm m}$. В системе нуклонов каждый нуклон взаимодействует лишь с теми, которые удалены от него не дальше чем на $r_{NN} \approx 2 \, \Phi_{MN}$ и полная энергия E его взаимодействия фиксирована и равна $E = (n-1) \cdot e$, где n – число нуклонов внутри сферы радиуса $r_{\rm sg}$, а e — энергия одного двухнуклонного

взаимодействия. При этом полная энергия системы

А связанных нуклонов, т.е. её энергия связи:

$$W = \frac{1}{2}A \cdot (n-1) \cdot e \sim A.$$



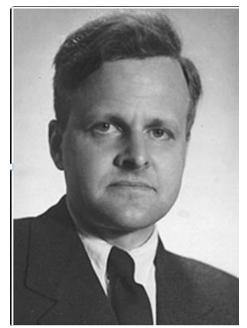


Ядро как капля заряженной жидкости

Свойство насыщения ядерных сил, вытекающее в свою очередь из их короткодействия и отталкивания на малых расстояниях, делает ядро похожим на жидкость. Силы, связывающие молекулы жидкости, тоже насыщаются, а энергия испарения

линейно растет с увеличением массы жидкости.

На этой основе был создан способ описания ядра в модели жидкой капли (Вайцзеккер, 1935 г.).



Carl von Weizsäcker

Формула Вайцзеккера для энергии связи ядра (1935 г.)

Эта формула основана на модели жидкой капли и содержит ряд членов:

Объёмная энергия, Поверхностная энергия, Кулоновская энергия, Энергия симметрии, Энергия спаривания.

Объёмная энергия:

 $E_{\rm of}=a_vA$, где $a_v>0$ – константа

Поверхностная энергия:

$$E_{\text{пов}} = a_s A^{2/3}$$
, где $a_s > 0$ — константа

В бесконечной ядерной материи выделим ограниченное поверхностью ядро и разорвем связи с внешними нуклонами. Число потерянных связей пропорционально числу нуклонов на поверхности ядра,

т.е. площади S его поверхности,

которая равна

 $S = 4\pi R^2 = 4\pi \cdot 1,44 \cdot A^{2/3} \Phi M^2$ так как радиус ядра $R \approx 1.2 \cdot A^{1/3} \Phi M$.

Итак, за счёт поверхности энергия связи ядра уменьшается

на величину $\sim A^{2/3}$ и в формулу для энергии связи ядра необходимо добавить

В ядре как и в капле жидкости есть поверхностное натяжение

нуклон

со знаком минус слагаемое пропорциональное $A^{2/3}$.

Кулоновская энергия:

Энергия кулоновского отталкивания, уменьшающая энергию связи ядра, даётся классической электростатической энергией однородного сферического распределения \mathbf{Z} элементарных зарядов \mathbf{e} :

$$E_{ ext{кул}} = rac{3}{5} \cdot rac{Z(Z-1)}{R} e^2 = lpha_c rac{Z(Z-1)}{A^{1/3}} \, ,$$
где

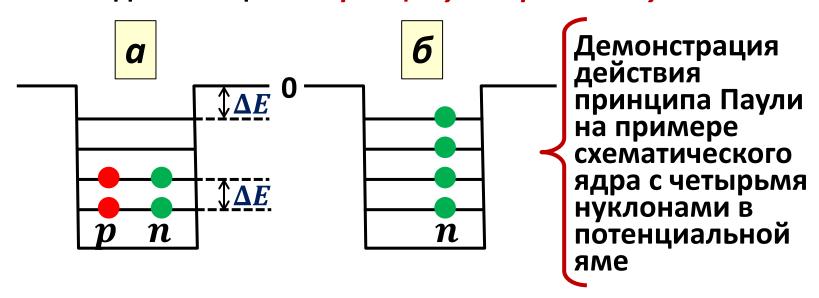
$$a_c = \frac{3}{5} \frac{e^2}{r_0} = \frac{3}{5} \frac{e^2}{\hbar c} \cdot \frac{\hbar c}{r_0} \approx \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{137} \cdot \frac{197 \text{ M} \cdot 3B \cdot \Phi_M}{1,2 \text{ } \Phi_M} = 0,72 \text{ } \Phi_M$$

$$R = r_0 \cdot A^{1/3} = 1, 2 \cdot A^{1/3} \Phi_M$$

$$\frac{e^2}{\hbar c} \approx \frac{1}{137}$$
; $\hbar c = 197$ ΜэΒ·Φм ≈ 200 МэВ·Φм

Энергия симметрии:

Необходимо учесть квантовую природу ядерной капли: ядро состоит из фермионов (протонов и нейтронов), подчиняющихся принципу запрета Паули.



Энергии связи систем а и б:

$$W_a = 14 \cdot \Delta E$$
, $W_6 = 10 \cdot \Delta E$, т.е. $W_a > W_6$ $E_{\text{симм}} = a_{sym} \frac{(N-Z)^2}{A} = a_{sym} \frac{(A-2Z)^2}{A}$

Итак, для формулы Вайцзеккера имеем:

$$W(A, Z) = E_{\text{oб}} - E_{\text{пов}} - E_{\text{кул}} - E_{\text{симм}} =$$

$$= a_v A - a_s A^{2/3} - a_c \frac{Z(Z-1)}{A^{1/3}} - a_{sym} \frac{(A-2Z)^2}{A}$$

Хорошую подгонку (≈ 1%) под эксперимент даёт следующий набор констант:

$$a_v = 15,6 \text{ M} \ni \text{B},$$

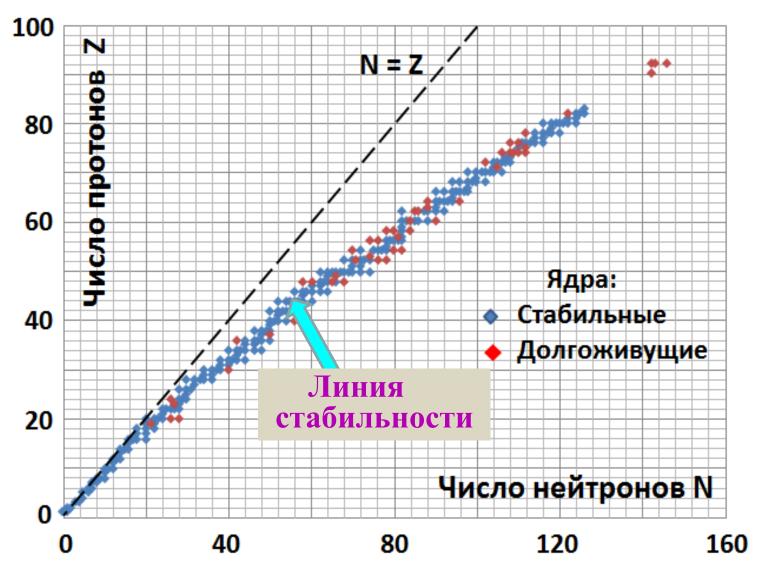
 $a_s = 17,2 \text{ M} \ni \text{B},$
 $a_c = 0,72 \text{ M} \ni \text{B},$
 $a_{svm} = 23,6 \text{ M} \ni \text{B}.$

Равновесное число протонов $Z_{\text{равн}}$ в ядре при фиксированном A определяется минимумом по Z суммы кулоновской энергии $(E_{\text{кул}})$ и энергии симметрии $(E_{\text{симм}})$. Откуда легко получить линию стабильности на NZ-диаграмме атомных ядер:

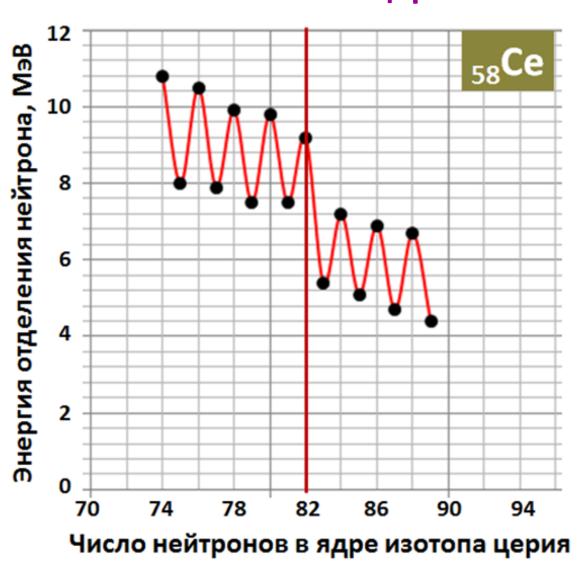
$$Z_{ ext{pabh}} = rac{2a_{sym}A}{a_cA^{2/3} + 4a_{sym}} pprox rac{A}{0,015 \cdot A^{2/3} + 2}$$

Если пренебречь кулоновской энергией (лёгкие ядра), то $Z_{\text{равн}} = A/2$. При учёте кулоновской энергии (средние и тяжёлые ядра) $Z_{\text{равн}} < A/2$ и линия стабильности с ростом Z всё более смещается в сторону большего числа нейтронов.

Нейтрон-Протонная (NZ) диаграмма стабильных и долгоживущих ядер (их 287 и все они присутствуют в природе)



Эффект нейтронного спаривания в изотопах церия

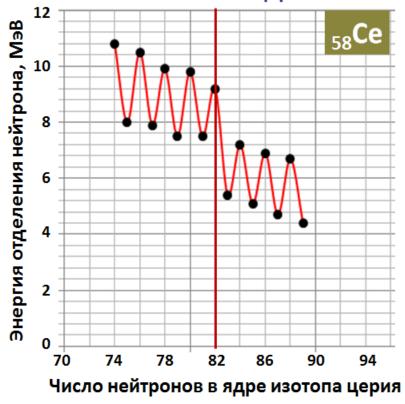


Уточнение формулы Вайцзеккера. Эффект спаривания

С точки зрения эффекта (сил) спаривания все ядра в основном состоянии разбиваются на три группы:

- чётно-чётные (все нуклоны спарены),
- нечётно-нечётные (неспарены по одному протону и нейтрону),
- нечётные ядра (неспарен либо один протон, либо один нейтрон).

Эффект нейтронного спаривания в изотопах церия



В основном и низколежащих состояниях ядра возникает дополнительная связь (притяжение) между двумя нуклонами одного типа (двумя протонами или двумя нейтронами), находящимися на одном энергетическом уровне.

Необходимо в формулу Вайцзеккера добавить слагаемое:

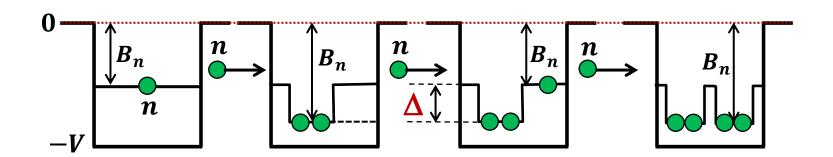
Его эмпирический вид: $E_{
m cn}=rac{\delta}{A^{3/4}}$, где

 δ = +34 МэВ (ядро чётно-чётное),

 $\delta = 0$ (ядро нечётное),

 δ = -34 МэВ (ядро нечётно-нечётное).

Ниже даётся схематическая картина спаривания нейтронов в ядре. Энергия спаривания $\Delta \approx 1 \div 3$ МэВ. Глубина ядерного потенциала $V \approx 50$ МэВ:



Итоговое выражение для формулы Вайцзеккера:

$$W(A, Z)$$
 в МэВ =

=
$$\left[15, 6 \cdot A - 17, 2 \cdot A^{2/3} - 0, 72 \frac{Z(Z-1)}{A^{1/3}} - 23, 6 \frac{(A-2Z)^2}{A} + \frac{\delta}{A^{3/4}}\right]$$

$$\delta = +34$$
 (ядро чётно-чётное),

$$\delta = 0$$
 (ядро нечётное),

$$\delta$$
 = -34 (ядро нечётно-нечётное).

Распределение 287 стабильных и долгоживущих ядер категориям:

Z	N	A	Число ядер
Чётное	Чётное	Чётное	168
Нечётное	Чётное	Нечётное	52
Чётное	Нечётное	Нечётное	59
Нечётное	Нечётное	Чётное	8

Вклад различных видов энергий в удельную энергию связи ядра

