

ЯДЕРНЫЕ СТЕПЕНИЯ СВОБОДЫ В АТОМНОЙ ФИЗИКЕ

Е.В. Грызлова

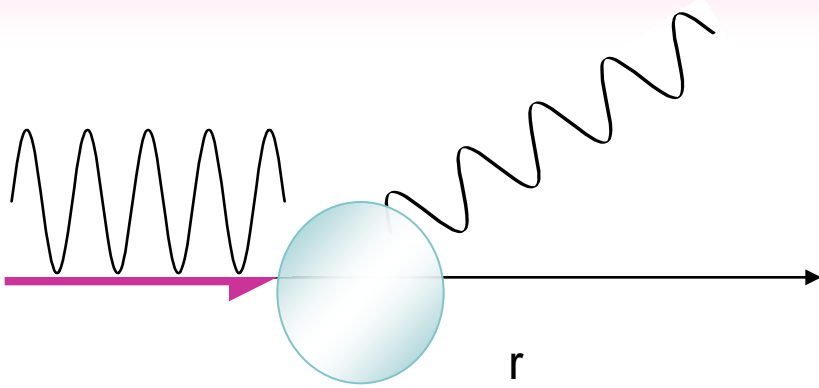
НИИЯФ МГУ
Весенний семестр 2020 г.

- «Разминка»
- Спектры систем со сферической симметрией
- **Сжатые атомы и резонансы формы**
- **Двухуровневая система с сильно связанными состояниями**
- **Атомная спектроскопия антипротония**
- **Поляризация излучения и дихроизм**
- **Плоская волна и волновой пакет – волна вещества.**
- **Нобелевская премия по физике 2012 года.**
Изучение одиночной квантовой системы
- **Ионные ловушки**
- **Когерентные и сжатые состояния волновых пакетов**
- **Начала теории рассеяния**
- **Особенности резонансного рассеяния и неэкспоненциальный распад**

Резонансы в атомной и ядерной физике и неэкспоненциальный распад

- а) рассеяние на квазидискретном уровне.
- б) Вырождение квантовых уровней.
- в) комплексная квазиэнергия и двойные полюса S-матрицы.

Начала теории рассеяния



Некоторые свойства амплитуды рассеяния

$$f(\theta) = \frac{1}{2ik} \sum_l (2l+1)(S_l - 1)P_l(\cos\theta)$$

$S_l = e^{2i\delta_l}$ - матрица рассеяния

$$\psi(\vec{r}) \rightarrow e^{ikz} + \frac{f(n, n')}{r} e^{ikr},$$

Сечение рассеяния

$$\sigma = \int |f(\theta)|^2 d\Omega = \frac{4\pi}{k^2} \sum_l (2l+1) \sin^2 \delta_l$$

Парциальные характеристики рассеяния

$$f(\theta) = \sum_l (2l+1) f_l P_l(\cos\theta)$$

$$f_l = \frac{1}{2ik} (S_l - 1) = \frac{e^{2i\delta_l} - 1}{2ik} = \frac{1}{k(\text{ctg}\delta_l - i)}$$

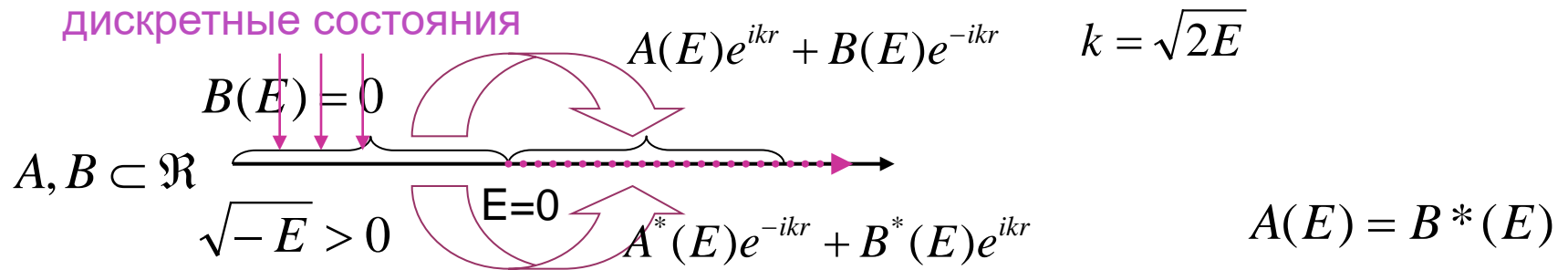
$$\sigma_l = 4\pi(2l+1)|f_l|^2$$

Начала теории рассеяния

Рассеяние при наличии резонанса $l=0$

$$\chi = r \cdot \psi(r) = A(E)e^{-\sqrt{-2E}r} + B(E)e^{\sqrt{-2E}r}$$

Будем рассматривать E как комплексную переменную



$$\chi \approx C \left(e^{i(kr+\delta_0)} - e^{-i(kr+\delta_0)} \right) \quad e^{2i\delta_0} = -\frac{A(E)}{B(E)}$$

$$f_0 = \frac{1}{2ik} (e^{2i\delta_0} - 1) = \frac{1}{2\sqrt{-2E}} \left(\frac{A(E)}{B(E)} + 1 \right)$$

Дискретные уровни являются простыми полюсами для амплитуды рассеяния

Начала теории рассеяния

Рассеяние при наличии дискретного состояния в точке $E=E_0$ $l=0$

$$\chi = r \cdot \psi(r) = A(E)e^{-\sqrt{-2E}r} + B(E)e^{\sqrt{-2E}r}$$

$$\chi''(r) + 2(E - U(r))\chi(r) = 0; \quad \frac{\partial \chi''(r)}{\partial E} + 2(E - U(r))\frac{\partial \chi(r)}{\partial E} = -2\chi(r)$$

$$\chi'(r)\frac{\partial \chi(r)}{\partial E} - \chi(r)\frac{\partial \chi'(r)}{\partial E} = 2\int \chi(r)^2 dr$$

$$A(E) \approx A(E_0) = A_0; \quad B(E) = (E + |E_0|)\frac{\partial B}{\partial E} = (E + |E_0|)\beta$$

$$\beta = -\frac{1}{A_0\sqrt{2|E|}}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\sqrt{-2E}}\left(\frac{A(E)}{B(E)} + 1\right) \Rightarrow -\frac{A_0^2}{2} \frac{1}{E + |E_0|}$$

Вычет определяется коэффициентом A_0

Начала теории рассеяния

Рассеяние при наличии дискретного состояния в точке $E=E_0$;
Произвольное значение орбитального момента l

$$\chi = r \cdot \psi(r) \sim \exp\left(-i \cdot \left(kr - \frac{l\pi}{2} + \delta_l\right)\right) - \exp\left(i \cdot \left(kr - \frac{l\pi}{2} + \delta_l\right)\right)$$

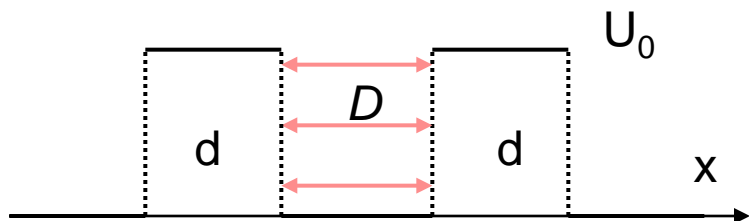
$$f_l = \frac{1}{2\sqrt{-2E}} \left((-1)^l \frac{A(E)}{B(E)} + 1 \right)$$

Главный член амплитуды рассеяния

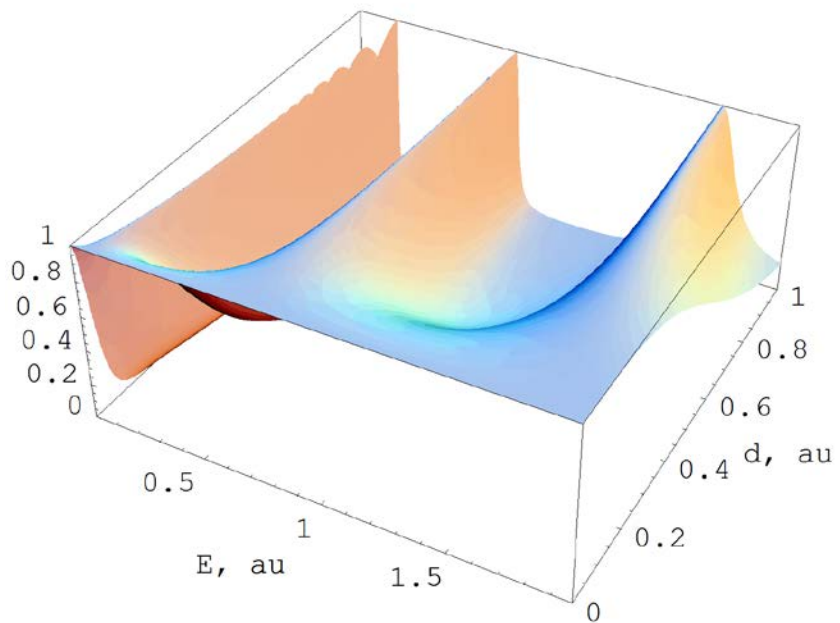
$$f \approx (2l + 1) f_l P_l(\cos \theta) = (-1)^{l+1} \frac{A_0^2}{2} \frac{1}{E + |E_0|} (2l + 1) P_l(\cos \theta)$$

Автоионизационные состояния

Автоионизационное
(квазидискретное) состояние -
резонанс



$U_0=2$ au, $D=4$ au



$E_1=0.20$
 $E_2=0.77$
 $E_3=1.62$

Начала теории рассеяния

Рассеяние на квазидискретном уровне $E = E_0 - i\Gamma/2$

$$\chi \sim \exp(-i \cdot Et) = \exp\left(i \cdot E_0 t - \frac{\Gamma}{2}\right) \quad B_l(E_0 - i\frac{\Gamma}{2}) = 0 \quad \text{- Квазилискретные состояния}$$

$$R_l(r) \sim \frac{1}{r} \left((E - E_0 - \frac{i\Gamma}{2}) b_l^+ \exp(i \cdot kr) + (E - E_0 + \frac{i\Gamma}{2}) b_l \exp(-i \cdot kr) \right)$$
$$A_l(E) = B_l^*(E)$$

$$e^{2i\delta_l} = \frac{E - E_0 - i\Gamma/2}{E - E_0 + i\Gamma/2} e^{2i\delta_l^{(0)}} = \left(1 - \frac{i\Gamma}{E - E_0 + i\Gamma/2} \right) e^{2i\delta_l^{(0)}}$$

Где фаза вдали от резонанса

$$e^{2i\delta_l^{(0)}} = (-1)^{l+1} \frac{b_l^+}{b_l}$$

$$\delta_l = \delta_l^{(0)} - \text{arctg} \frac{\Gamma}{2(E - E_0)}$$

При прохождении вдоль резонанса фаза меняется на π

Полный поток в расходящейся волне должен совпадать с вероятностью распада

$$\longrightarrow |b_l|^2 = \frac{1}{k\Gamma}$$

Начала теории рассеяния

Рассеяние на квазидискретном уровне $E = E_0 - i \cdot \Gamma / 2$

$$f(\theta) = f^{(0)}(\theta) - \frac{2l+1}{k} \frac{\Gamma/2}{E - E_0 + i \cdot \Gamma/2} e^{2i\delta_l^{(0)}} P_l(\cos \theta)$$

Резонансное рассеяние

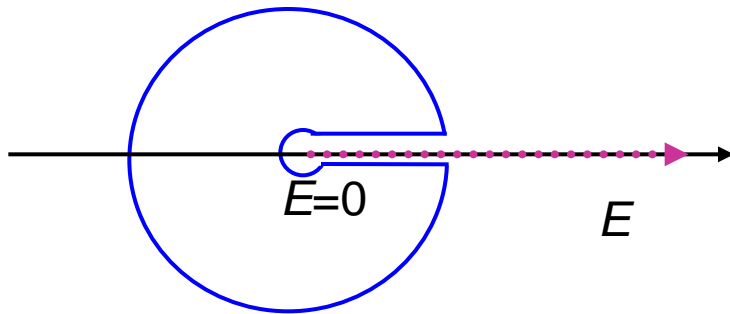
Потенциальное рассеяние

$$f^{(0)}(\theta) = \frac{1}{2ik} \sum_l (2l+1)(S_l - 1) P_l(\cos \theta)$$

Начала теории рассеяния

Дисперсионное соотношение для амплитуды рассеяния

Физический лист



$$\Delta \psi(r) + k^2 \psi(r) = 2 \cdot U(r) \psi(r)$$

Решение в виде запаздывающего потенциала

$$\psi(r) = -\frac{e^{ikr}}{4\pi r} \int 2U(r') \psi(r') e^{i(k-k')r'} dv'$$

$$f(0, E) = -\frac{1}{2\pi} \int U(r') \psi(r') e^{-ikz} dv'$$

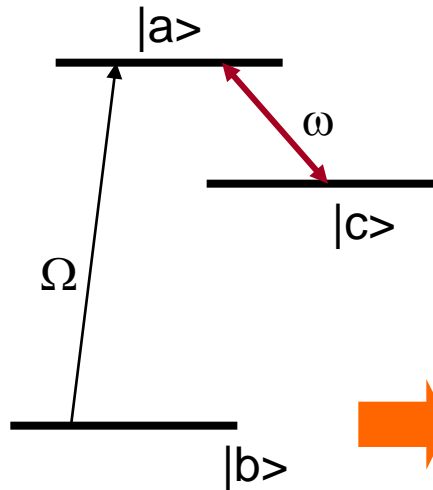
Амплитуда рассеяния регулярна на всем физическом листе, за исключением дискретных состояний спектра

$$\frac{1}{2\pi i} \oint \frac{f(0, E') - f_b}{E' - E} dE'$$

$$f(0, E) = f_b(0) + \frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{\text{Im}(f(0, E'))}{E' - E} dE' + \sum_n \frac{d_n}{E - E_n}$$

$$d_n = (-1)^{l_n+1} (2l_n + 1) \frac{A_{0(n)}^2}{2}$$

Индукцированная прозрачность в λ -системе



Решение уравнения, осциллирующее на частоте падающего поля

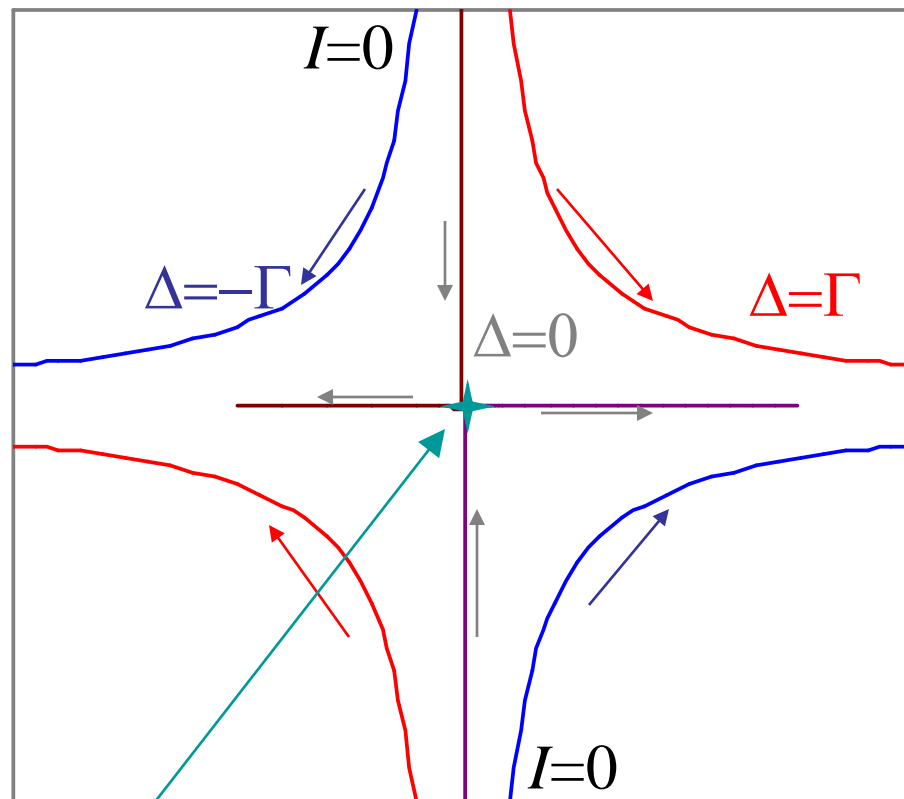
$$\chi(\Omega) = \frac{iN|d_{ab}|^2(\gamma_{bc} + i\Delta)}{2(\Delta^2 - \gamma_{ab}\gamma_{bc} - \Omega_\mu^2/4 - i\Delta(\gamma_{ab} + \gamma_{bc}))}$$

$$\rightarrow -\frac{N|d_{ab}|^2(\Delta - i\gamma_c)}{2\sqrt{\Omega_\mu^2 - (\gamma_a - \gamma_c)^2}} \left(\frac{1}{\Delta - \Delta_r^{(1)}} - \frac{1}{\Delta - \Delta_r^{(2)}} \right)$$

$$\Delta_r = \frac{i(\gamma_a + \gamma_c) \pm \sqrt{\Omega_\mu^2 - (\gamma_a - \gamma_c)^2}}{2} \rightarrow \frac{i(\gamma_a + \gamma_c) \pm \Omega_\mu}{2}$$

Динамика собственных значений матрицы эффективного гамильтониана при изменении интенсивности лазерного поля

$$\Gamma = -2\text{Im}(E_e)$$



E_e – собственные значения матрицы неэрмитового эффективного гамильтониана

$$E = \text{Re}(E_e)$$

Дважды вырожденные собственные значения, соответствующего двойному полюсу S-матрицы