Беспалова О.В. По материалам диссертации на соискание степени доктора физико-математических наук

Одночастичная структура ядер

в модели среднего поля с дисперсионным оптическим потенциалом

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМ. М.В. ЛОМОНОСОВА Научно-исследовательский институт ядерной физики им. Д.В. Скобельцына



Цели и задачи

- Цель
- Исследовать эволюцию одночастичной структуры ядер при изменении числа нейтронов/протонов вплоть до границ нуклонной стабильности
- Основная задача
- Развить метод конструирования дисперсионного оптического потенциала, пригодный для достижения цели

Дисперсионное соотношение

ДС – следствие формула Коши для аналитической функции f(E)= Re f(E)+Im f(E):

$$P\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{f(E)}{E'-E} dE'.$$

1926-1927 гг. Крамерс и Крониг ввели ДС в физику (для явления дисперсии света)

1954 г. – распространение ДС Гольдбергом, Гел-Манном и Тирингом на случай рассеяния потенциальным полем. Принцип причинности.

1958 г. – Фешбах обсуждал дисперсионную составляющую действительной части ОП

$$V(\mathbf{r},\mathbf{r}';E) = V(\mathbf{r},\mathbf{r}') + P/\pi \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{W(\mathbf{r},\mathbf{r}';E')}{E'-E} dE'$$

Основы дисперсионной оптической модели (ДОМ)

Mahaux C., Sartor R. "Single-Particle Motion in Nuclei"// Advances in Nuclear Physics. 1991. V.20. P.1-224.



Основы ДОМ

$$U(r, E) = -U_{p}(r, E) - U_{so}(r, E) + V_{C}(r)$$

$$U_{p}(r,E) = V_{HF}(r,E) + \Delta V(r,E) + iW_{I}(r,E) =$$

$$= V_{HF}(E)f(r,r_{HF},a_{HF}) + \Delta V_{s}(E)f(r,r_{s},a_{s}) - 4a_{d}\Delta V_{d}(E)\frac{d}{dr}f(r,r_{d},a_{d}) +$$

$$+ iW_{s}f(r,r_{s},a_{s}) - i4a_{d}W_{d}\frac{d}{dr}f(r,r_{d},a_{d})$$

$$U_{so}(r,E) = 2V_{so}(E)\frac{1}{r}\frac{d}{dr}f(r,r_{so},a_{so})^{\dagger}ls$$

$$\int_{0}^{900} \int_{0}^{900} \int_{0}^{900}$$

Основы ДОМ





взято из С. MAHAUX and R. SARTOR. Nuclear Physics A468 (1987) 193

ДОМ до начала исследований в НИИЯФ

- ДОМ разработана на примере дважды магических ядер ⁴⁰Ca, ²⁰⁸Pb и магического ядра ⁹⁰Zr.
- Мнимый потенциал, геометрические параметры х.-ф. составляющей, спин-орбитального и кулоновского взаимодействия определяются при анализе данных по рассеянию нуклона ядром.
- Силовой параметр хартри-фоковской составляющей находится по данным о E_{nlj}





Дифференциальные сечения упругого рассеяния протонов ядрами ⁹⁰Zr.

Поляризация.

Точки - экспериментальные данные, сплошная линия – расчет НИИЯФ, штриховая - расчет Wang Y. et al.// Phys. Rev. 1993. V.C47. P.2677



Phys. Rev. 1993. V.C47. P.2677.



Спектроскопические факторы S_{nlj} протонных состояний ⁹⁰Zr. Линия с крестами – расчет с ДОП наст. раб., темные квадраты – данные реакции (e,e'p), темные кружки – (d,³He), светлые кружки – (³He,d), темные ромбы – (n,d), светлые ромбы – (d,n).

$$S_{nlj} = \int_{0}^{\infty} \overline{u}_{nlj}^{2}(r) \left[m / \overline{m}(r, E_{nlj}) \right] dr$$







$$\rho_{p(n)}(r) = \frac{1}{4\pi} \sum_{nlj} (2j+1) N_{nlj} \,\overline{u}_{nlj}^2(r)$$



Систематики глобальных параметров нуклонного потенциала традиционной (недисперсионной) оптической модели

CH89

A = 40-209 E = 10-65 MeV

R.L. VARNER,W.J. THOMPSON, T.L. MCABEE, E.J. LUDWIG and T.B. CLEGG. A GLOBAL NUCLEON OPTICAL MODEL POTENTIAL. PHYSICS REPORTS 201, No. 2 (1991) 57—119.

KD

A = 24—209 E = 1keV—200 MeV

A.J. Koning, J.P. Delaroche. Local and global nucleon optical models from 1 keV to 200 MeV. Nuclear Physics A 713 (2003) 231–310

Методика конструирования ДОП (стабильные ядра)

Мнимый потенциал определяется с использованием современных систематик глобальных параметров

Хартри-фоковская составляющая при E<0 определяется из условия согласия с экспериментальными наиболее точными и надежными данными об одночастичных энергиях, определенных методом согласования данных реакций срыва и подхвата нуклона на одном и том же ядре (И.Н. Бобошин);

Хартри-фоковская составляющая при E>0 определяется из согласия с объемным интегралом J_v от действительной части ОП, предсказываемого систематикой глобальных параметров KD.

Методика может быть использована для предсказаний одночастичных характеристик стабильных ядер, для которых данные по рассеянию отсутствуют Некоторые закономерности экспериментальных одночастичных характеристик стабильных ядер вблизи энергии Ферми:

- 1. «Чашеобразная» форма массовой зависимости энергии заполняемого нейтронного состояния 1f_{7/2}
- 2. Параллельное заполнение нейтронных состояний 2p, 1f_{5/2} в ядрах вблизи Ni
- 3. Новая магическая пара N = 56, Z = 40 (⁹⁶Zr)

Глобальные параметры мнимой части ДОП систематики KD не позволяют описать «чашеобразную» форму массовой зависимости энергии заполняемого нейтронного состояния 1f_{7/2}



Koning A.J., Delaroche J.P. Nucl. Phys. A. 2003. V. 713. P. 231-310.

Описание «чашеобразной» формы

массовой зависимости энергии заполняемого нейтронного состояния 1f_{7/2} Ј_., МэВ*фм³ ДОП 40 n - ⁴⁰C a 100 42 *Е*,, МэВ 44 E_{nli}, MəB n-Fe a) 0 46 80 1*f*_{5/2} / 48 1g_{9/2} 60 2p_{1/2}] -5 $1f_{5/2}$ 40 2p_{3/2}. 2p_{1/2} 2p_{3/2} 20 1*f*_{7/2} / E -10-0 10 20 -10 0 $1f_{7/2}$ -10 J₁, МэВ.фм³ E, M₉B 54 ⁴₂₆Fe₂₈ G ⁵⁶Fe -15 80 ⁵⁸Fe -15 $1d_{3/2}$ ⁵⁶Fe 1*d*_3/2 2s_{1/2} 60-⁵⁸Fe 2s_{1/2} -20 n-Fe -20-38 40-' N A 32 42 46 48 28 30 40 44 20 54 ¹₂₆Fe₂₈ 0

0 10 20 30 40 50 60 70 80 (E-E_F), MəB

Оболочечный эффект в мнимой части ОП при Е > 0



J_I^{KD}(Е_к=6 МэВ) - 78 ÷ 83 МэВ⋅фм³

Smith A.B., Guenter P.T., Whalen J.F. THE OPTICAL MODEL OF FEW-MeV NEUTRON ELASTIC SCATTERING FROM Z = 39 TO 51 TARGETS// Nucl. Phys. 1984. V.A415.P.1.

Оболочечный эффект в мнимой части ДОП

Более широкий интервал энергий, при которых мнимая часть ДОП может быть приравнена 0, в магических ядрах по сравнению с немагическими.

Учет оболочечного эффекта позволил добиться хорошего согласия с экспериментальными энергиями E_{nlj} ядер как с магическим числом нуклонов, так и с немагическим, в частности, описать чашеобразную форму массовой зависимости энергии заполняемого нейтронного состояния $1f_{7/2}$.

Беспалова О.В., Романовский Е.А., Спасская Т.И. РАСЧЕТ НЕЙТРОННЫХ ОДНОЧАСТИЧНЫХ ЭНЕРГИЙ ИЗОТОПОВ Zr ВБЛИЗИ N = 50, 70, 82. Известия Российской академии наук. Серия физическая, 2012, том 76, № 4, с. 560

Параллельное заполнение близко расположенных состояний



Новая магическая пара N = 56, Z = 40





Получено хорошее согласие одночастичных энергий E_{nlj} и N_{nlj} с экспериментальными данными для изотопических цепочек стабильных ядер

(метод совместной оценки данных реакций срыва и подхвата на одном и том же ядре)

• n,p - Si, Ca, Ti, Cr, Fe, Ni, Zn, Ge, Se, Sr, Zr, Ag, Sn, ²⁰⁸Pb



n-208Pb



Глобальные параметры ДОП

Bespalova O.V., Romanovsky E.A., Spasskaya T.I. Journal of Physics. 2003. V. G 29. N 6. P.1193 (**603**)

Беспалова О.В., Романовский Е.А., Спасская Т.И. Изв. РАН. Сер. физ. 2004. Т. 68, № 8. С.1214. (**Б04**)

Беспалова О.В., Бобошин И.Н., Варламов В.В.и др. // Изв. РАН. Сер. физ. 2006. Т. 70. № 5. С. 680; Беспалова О.В., Бобошин И.Н., Варламов В.В. и др. Изв. РАН. Сер. физ. 2007. Т. 71. № 3. С.438-442. (**Б07**) Morillon B., Romain P. Phys. Rev. 2004. V. C70. P. 014601 (MR04)

Morillon B., Romain P. Phys. Rev. 2006. V. C74. P. 014601-1 – 014601-6. (MR06)

Morillon B., Romain P. Phys. Rev. 2007. V. C76. P. 044601 (MR07)

Глобальные параметры Б03

В анализ включены нейтронные и протонные энергии $E_{nlj}^{3\kappa cn}$ и $N_{nlj}^{3\kappa cn}$ вблизи E_F для ядер ⁴⁰Ca, ⁹⁰Zr, ²⁰⁸Pb

Вудс-Саксоновская форма

$$V_{R} = V_{0} + 0.299E_{C} \pm V_{t} \frac{N-Z}{A} + V_{e} \exp\left[-aE\right] \qquad (+ для p, - для n).$$
$$E_{C} = \frac{1.73 \cdot Z_{T}}{(1.238 \cdot A_{T}^{1/3} + 0.116)} \quad (CH89)$$

 V_0 =25.5 МэВ, V_e =27.6 МэВ и =010105 МэВ⁻¹ (*E* в МэВ).

Зависящий от энергии параметр радиуса

$$r_{V}(E) = r_{V}(E_{F}) + r_{V}^{(1)} \left\{ \frac{\beta_{I}(E - E_{F})\left[(E - E_{F})^{2} + \beta_{I}^{2}\right]}{(E - E_{F})^{4} + \beta_{I}^{4}} - \frac{\beta_{s}(E - E_{F})\left[(E - E_{F})^{2} + \beta_{s}^{2}\right]}{(E - E_{F})^{4} + \beta_{s}^{4}} \right\} - r_{V}^{(2)}(E - E_{F})^{2}.$$

 $r_V(E_F)$ =1.21 фм, $r_V^{(1)}$ =0.015+0.00047 α (фм), $r_V^{(2)}$ =3.76·10⁻⁶ (фм/МэВ²),

Глобальные параметры Б07

Беспалова О.В. и др. Изв. РАН. Сер. физ. 2007. Т. 71. № 3. С.438

В анализ включены нейтронные и протонные энергии *E_{nlj}эксп* и N_{*nlj*}эксл</sup> вблизи E_F для ядер ⁴⁰Ca, ⁴⁸Ca, ⁵²Cr, ⁵⁴Fe, ⁵⁶Ni, ⁹⁰Zr, ²⁰⁸Pb





V₀=51.04 МэВ , V_t=22 МэВ для n V₀=51.92 МэВ , V_t=12.5 МэВ, V_C=0.32, для р

 $\begin{cases} \kappa = 0.00808 - 0.00427(N - Z)/A & для p \\ \kappa = 0.00773 + 0.00382(N - Z)/A & для n \end{cases}$

 E_{F}^{n} =-12.46+35.36(N-Z)/A (M₃B), E_{F}^{p} =-11.93-54.82(N-Z)/A + E_{C} . (M₃B).

 E_{F}^{n} =-12.52+31.3(*N-Z*)/A (*M* \ni B), E_{F}^{p} =-11.88-57.5(*N-Z*)/A + E_{C} (*M* \ni B). Jeukenne J.-P., Mahaux C., Sartor R. Phys. Rev. C. 1991. V. 43. P. 2211.

Свидетельство о регистрации прав на ПО GLOB № 2017662532 от 10 ноября 2017 г.



Сравнение предсказаний E_{nli} : Б07 и РМСП



Сравнение с глобальными параметрами MR

$\chi_i^2 = \frac{1}{N} \sum_{nlj} \frac{(E_{nlj}^{(1)} - E_{nlj}^{3KCII})^2}{(\Delta_{nlj}^{3KCII})^2}$	_			
	Ядро	Нуклон	$\chi^2_{\rm EPC 07} / \chi^2_{MR04,06}$	$\chi^2_{\text{\tiny EPC 07}}/\chi^2_{MR07}$
	⁴⁰ Ca	n	0.2	0.3
		р		0.12
	⁹⁰ Zr	n	0.36	0.53
		р	0.20	
	²⁰⁸ Pb	n	0.48*	0.47*
		р	0.31	

*Значения $E_{n,1s_{1/2}}^{MR}$ не вычислены из-за проблемы сходимости

процесса итераций при нахождении V^{MR}_{HF}

Методика конструирования ДОП (нестабильные ядра)

- Результаты НИИЯФ:
- Мнимый потенциал определяется с использованием современных систематик глобальных параметров и с учетом оболочечного эффекта
- Хартри-фоковская составляющая при E_F определяется из условия согласия суммарного числа нуклонов $N_{n(p)} = \sum (2j+1)N_{nlj}$ с числом N (Z) ядра
- Хартри-фоковская составляющая при E > 0 определяется из согласия с объемным интегралом J_v от действительной части ОП, предсказываемого систематикой глобальных параметров KD.

Методика может быть использована для предсказаний одночастичных характеристик нестабильных ядер, для которых данные по одночастичным энергиям и рассеянию отсутствуют















Ослабление эффекта замыкания оболочки N = 28 с увеличением протяженности поверхностного слоя ядра



J. Dobaczewski, Phys. Rev.C 53, N 6, 1996, P. 2809

Зависимость поверхностного поглощения от нейтронного избытка

Глобальные параметры W = W₀ ± W₁(N - Z)/A, + для p, - для n

$$\begin{split} N > Z \\ W_d &= W_{d0} + W_{d1} (N - Z) / A, \quad p \\ W_d &= W_{d0} \quad n \end{split}$$

J. M. Mueller, R. J.Charity, R.Shane et al., Phys. Rev. C 83: 064605 (2011) R. J. Charity, J. M. Mueller, L. G. Sobotka et al. Phys. Rev. C 76, 044314 (2007)



Нейтронные одночастичные энергии E_{nlj} изотонов с **N** = 20 вблизи нейтронной границы стабильности. Линии– расчет с глобальными параметрами KD для мнимой части W_d ДОП (*a*) и с W_d , независящим от (*N* – *Z*)/*A* (*b*).



N = 20



Остров инверсии при Z < 14 и N = 20

Возрастание вклада возбуждений 4p4h в основное состояние ³²Mg A.O. Macchiavelli et al., Phys. Rev. C **94**: 051303 (2016) N. Tsunoda, T. Otsuka, N. Shimizu et. al., Phys. Rev. **95:** 021304(R) (2017)



Предпосылки для постепенного ослабления магичности числа N = 32 при изменении Z от 20 до 24 и для магичности N = 34 лишь для Z = 20



Согласие с данными в пользу дважды магичности ⁷⁸Ni и возможно ⁶⁰Ca



Сужение энергетической частично-дырочной щели N = 50 при приближении к границе нейтронной стабильности. Смена чередования частичных уровней, условия для формирования структуры гало в ⁷⁰Ca. (*J. Meng, H. Toki, J. Y. Zeng et al., Phys. Rev.* C **65**, 041302 (2002)).

N = 56



N = 64





Z = 14



Возникновение протонной магичности Z = 14 с ростом числа N



Сохранение магических свойств числа Z = 20 с ростом N



Сохранение магических свойств числа Z = 28 при N от 20 до 50



Возникновение предпосылок для слабой магичности числа Z = 32 при N = 32 Протонное гало при N < 32?



Сохранение слабой магичности Z = 40 с увеличением N



описать щель $\Delta_{1h_{11/2}-1g_{7/2}}$

p-Sr

W_I зависит от (N-Z)/А для протонноизбыточных ядер слабее, чем для стабильных?



*S*_p, 5 г

4

3

Основные положения, выносимые на защиту

- 1. Оболочечный эффект в мнимой части дисперсионного оптического потенциала (ДОП) при отрицательных энергиях, заключающийся в увеличении интервала энергий вблизи энергии Ферми, в котором мнимая часть близка к нулю, в ядрах с магическим числом N, Z по сравнению с немагическими ядрами. Оболочечный эффект приводит к расширению частично-дырочной щели в магических ядрах.
- 2. Одна из первых систематик глобальных параметров хартри-фоковской составляющей нейтронного и протонного ДОП близких к сферическим ядер с А от 40 до 208 в интервале энергии от -70 до +70 МэВ. Эта систематика приводит к меньшим значениям отклонения χ² расчетных одночастичных энергий от экспериментальных данных, а также характеризуется большим интервалом энергий, в которой она применима, по сравнению с систематикой, предложенной в это же время французской научной группой.

Основные положения, выносимые на защиту

- 3. Метод конструирования ДОП нестабильных ядер, не требующий наличия экспериментальных данных по рассеянию на них нуклонов и одночастичным энергиям. Метод основан на использовании современных глобальных параметров мнимой части традиционного (недисперсионного) оптического потенциала, учете оболочечного эффекта в мнимой части ДОП при отрицательных энергиях и согласия расчетного суммарного числа нейтронов/протонов с числом N, Z ядра.
- 4. Вычисленные одночастичные характеристики: энергии и вероятности заполнения одночастичных состояний изотопических цепочек четно-четных ядер Si с 14 ≤ N ≤ 28; Ca, Ti, Cr, Fe, Ni с 20 ≤ N ≤ 50; Zn с 26 ≤ N ≤ 50, Ge c 28 ≤ N ≤ 50, Se c 30 ≤ N ≤ 50; Sr c 46 ≤ N ≤ 56; Zr c N = 70 и 78 ≤ N ≤ 88; Ag c 48 ≤ N ≤ 82; Cd c 50 ≤ N ≤ 82 и N = 126; Sn c 50 ≤ N ≤ 82.

Основные положения, выносимые на защиту

- 5. Особенности расчетной эволюции нейтронных одночастичных характеристик ядер при приближении к границе нейтронной стабильности и среди них :
- смена последовательности уровней 1f_{7/2} и 2p_{3/2}, что приводит к возникновению острова инверсии в изотонах с N = 20, при этом расширяется щель N = 16;
- 2) ослабление магического числа N = 28 вплоть до его исчезновения;
- 3) возникновение слабого магического числа N = 32 вблизи Z = 20;
- 4) возникновение слабого магического числа N = 34 при Z = 20;
- 5) смена последовательности уровней $2d_{5/2}$ и $3s_{1/2}$ в изотонах с N = 50, что создает условия для формирования нейтронного гало в ⁷⁰Са.
- Особенности расчетной эволюции протонных одночастичных характеристик:
- 1) изотопов с Z = 14 при приближении к нейтронной границе стабильности;
- 2) сохранение магических свойств ядер с числами Z = 28, 50, 82 при приближении к границе протонной стабильности.
- 6. Влияние роста протяженности нейтронного слоя и зависимости поверхностного поглощения от нейтрон-протонной асимметрии на нейтронные одночастичные энергии ядер с N = 28 и 20 соответственно.

Спасибо за внимание



Эволюция разности энергий протонных состояний 2s_{1/2} и 1d_{3/2} в изотопах Ca, вычисленная в [M. Grasso et al.. Phys. Rev. C. 76. 2007. 044319] с и без тензорного члена (а) и с ДОП (б). Линии – расчет, точки – экспериментальные данные.