

3. Анализ эволюции квантового состояния в стационарных потенциалах. Как меняется ее волновая функция со временем, средняя координата, дисперсия координаты.

• В начальный момент времени система находится в смеси первого и второго дискретного состояния бесконечно глубокой потенциальной ямы. Исследовать его эволюцию $\psi(x,0) = \frac{1}{\sqrt{2}}(\sin(\pi x / d) + \sin(2\pi x / d))$.

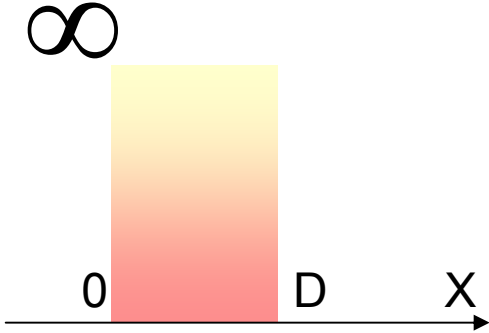
• В начальный момент времени система находится в смеси первого и третьего дискретного состояния бесконечно глубокой потенциальной ямы. Исследовать его эволюцию $\psi(x,0) = \frac{1}{\sqrt{2}}(\sin(\pi x / d) + \sin(3\pi x / d))$.

• В начальный момент времени система находится в смеси первого и второго дискретного состояния гармонического осциллятора. Исследовать его эволюцию $\psi(x,0) = \frac{1}{\sqrt{2}}(\varphi_1(x) + \varphi_2(x))$

• В начальный момент времени состояние равномерно распределено по всей потенциальной яме. Исследовать его эволюцию $\psi(x,0) = \frac{1}{\sqrt{d}}$.

Волновой пакет

Эволюция пакета в прямоугольном потенциале



$$E_n = \frac{\pi^2 n^2}{2D^2}, \psi_n(x) = \sin \sqrt{2E_n} x$$

$$\Psi(x,t) = \sum_n a_n \exp(-iE_n t) \psi_n(x);$$

$$a_n = \int \Psi(x,0) \psi_n(x) dx$$

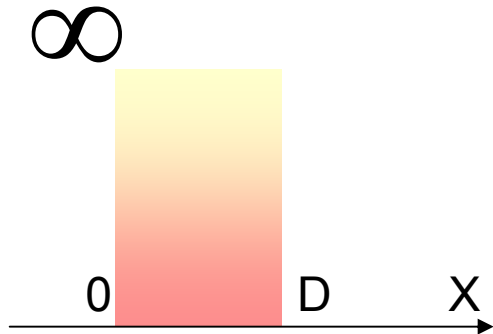
$$\Psi(x,0) = \psi_1(x)$$

$$\Psi(x,0) = \frac{\psi_1(x) + \psi_2(x)}{\sqrt{2}}$$

$$\Psi(x,0) = \frac{1}{\sqrt{D}}$$

Волновой пакет

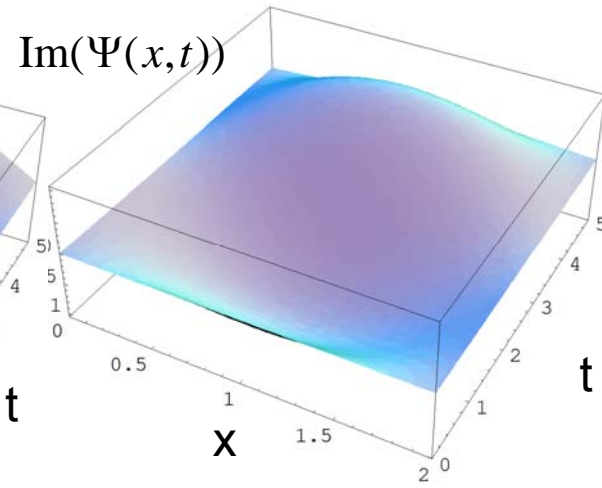
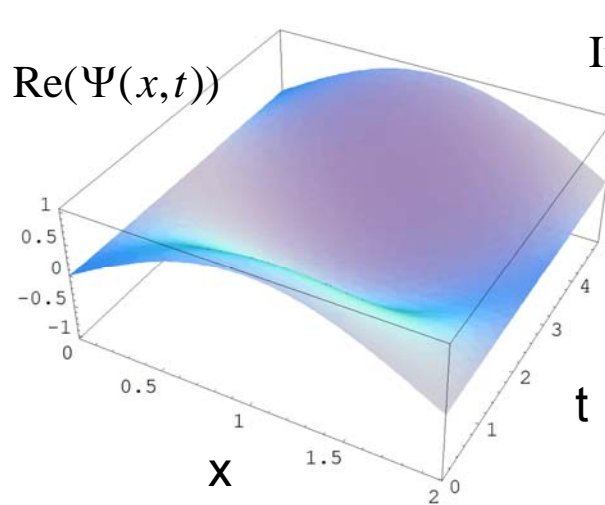
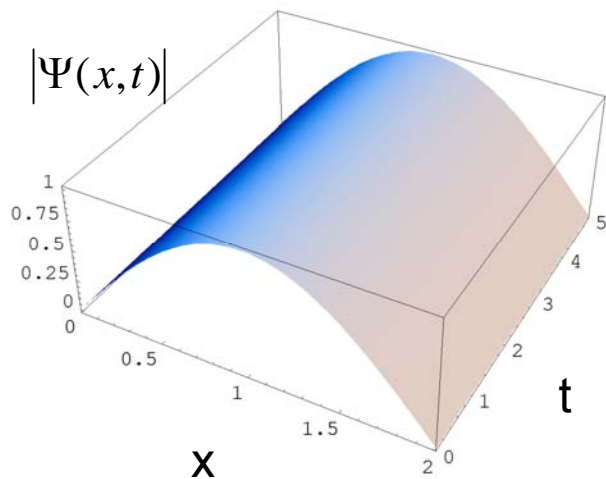
Эволюция пакета в прямоугольном потенциале



$$E_n = \frac{\pi^2 n^2}{2D^2}, \psi_n(x) = \sin \sqrt{2E_n} x$$

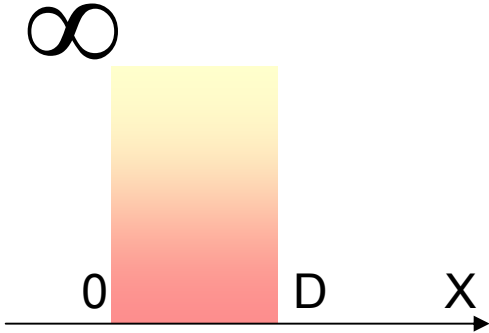
$$\Psi(x,t) = \sum_n a_n \exp(-iE_n t) \psi_n(x); \quad a_n = \int \Psi(x,0) \psi_n(x) dx$$

$$\Psi(x,0) = \psi_1(x)$$



Волновой пакет

Эволюция пакета в прямоугольном потенциале

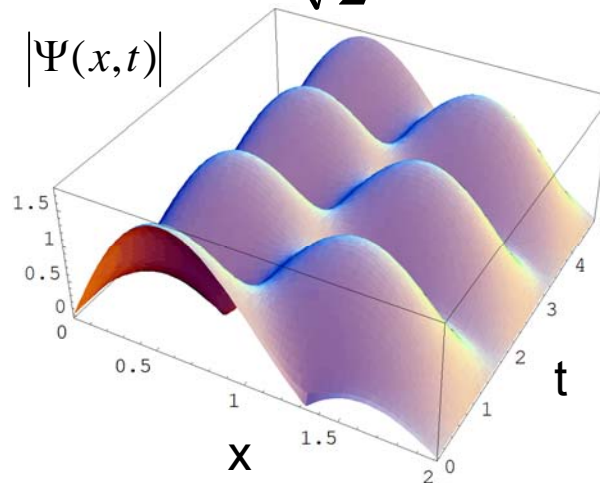
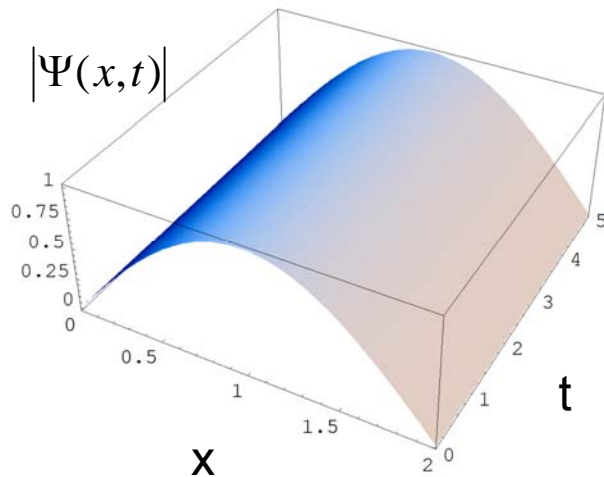


$$E_n = \frac{\pi^2 n^2}{2D^2}, \psi_n(x) = \sin \sqrt{2E_n} x$$

$$\Psi(x,t) = \sum_n a_n \exp(-iE_n t) \psi_n(x); \quad a_n = \int \Psi(x,0) \psi_n(x) dx$$

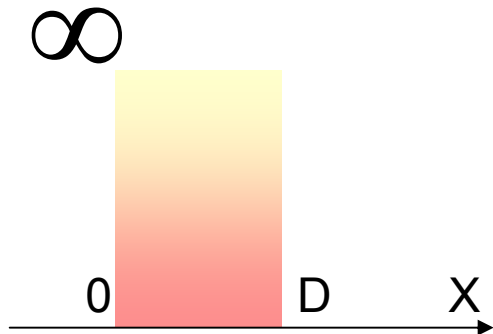
$$\Psi(x,0) = \psi_1(x)$$

$$\Psi(x,0) = \frac{\psi_1(x) + \psi_2(x)}{\sqrt{2}}$$



Волновой пакет

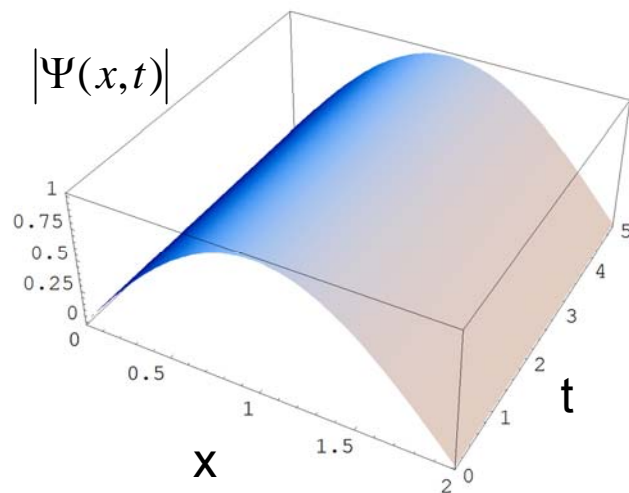
Эволюция пакета в прямоугольном потенциале



$$E_n = \frac{\pi^2 n^2}{2D^2}, \quad \psi_n(x) = \sin \sqrt{2E_n} x$$

$$\Psi(x,t) = \sum_n a_n \exp(-iE_n t) \psi_n(x); \quad a_n = \int \Psi(x,0) \psi_n(x) dx$$

$$\Psi(x,0) = \psi_1(x)$$



$$\begin{aligned} a_1 &= 0.900316 \\ a_3 &= 0.300105 \\ a_5 &= 0.180063 \\ a_7 &= 0.128617 \\ a_9 &= 0.100035 \end{aligned}$$

$$\Psi(x,0) = \frac{1}{\sqrt{D}}$$

